

言語解析論

竹内孔一

内容

- 潜在意味解析(トピックモデルを意識して)
これらに対する初歩的な事例の理解

潜在意味解析とは

- 文書や単語に対して隠れた意味(潜在トピック)を計算で求めて、類似文書をまとめたり、取り出したりすることができる
- 参考図書 (1冊だけでは無理)
 - 言語処理のための機械学習入門 コロナ社(高村)
 - トピックモデル 講談社 (岩田)
 - トピックモデルによる統計的潜在意味解析 コロナ社(佐藤)

歷史

- LSI (latent semantic indexing/latent semantic analysis) 1988
- pLSI (probabilistic LSI) 1998
- LDA (Latent Dirichlet Allocation) 2003

LSIを例に潜在意味解析

- アイデア
 - 文書と単語の共起行列を低ランク行列分解
- 利点
 - 直接, 単語がでてなくても, 共起関係から文書が取り出せる

文章を文書(D)と単語(W)の共起行列と考えてみよう

文書-単語
行列

X

	ピアノ	楽譜	演奏	ゲーム	遊ぶ
D1	3	0	2	0	0
D2	0	2	3	0	0
D3	0	0	0	3	2
D4	0	0	0	2	3

「ピアノ」と「楽譜」は1つの文書で同時に出ていないので関連が見えない
➔ でも共通の単語「演奏」を通してとても関連している

LSI

- 特異値分解し，低ランク行列に分解する
- 低ランクの K (トピック数)は人手で与える

$$\begin{array}{c} M \\ 4 \end{array} \begin{array}{c} V=5 \\ \boxed{X} \end{array} = \begin{array}{c} 4 \\ \boxed{D} \end{array} \begin{array}{c} 4 \\ \boxed{Z} \end{array} \begin{array}{c} 5 \\ \boxed{V^T} \end{array}$$

Z を低ランク $K \times K$ にする

Z は対角行列

$$\begin{array}{c} M \\ 4 \end{array} \begin{array}{c} V=5 \\ \boxed{\tilde{X}} \end{array} = \begin{array}{c} K \\ \boxed{\tilde{D}} \end{array} \begin{array}{c} K \\ \boxed{\tilde{Z}} \end{array} \begin{array}{c} 5 \\ \boxed{\tilde{V}^T} \end{array}$$

元の文書-単語行列 X も変わってしまう． K がトピック数

LSI

- 低ランク行列分解後の X はトピックを考慮
- 元々相関の無かった「ピアノ」と「楽譜」が相関を持つようになる

 $\tilde{D}$

	Top ic1	Top ic2
D1	0	値
D2	0	値
D3	値	0
D4	値	0

 $\tilde{V}^T$

ここはPython のgensimの計算結果

	ピアノ	楽譜	演奏	ゲーム	遊ぶ
topic1	0	0	0	0.763	0.646
topic2	0.487	0.324	0.811	0	0

(注)下記の値はイメージで正確ではない

 $\tilde{X}$

文書-単語
行列

	ピアノ	楽譜	演奏	ゲーム	遊ぶ
D1	2.1	0.9	1.5	0	0
D2	1.1	0.8	1.9	0	0
D3	0	0	0	2.5	1.4
D4	0	0	0	2.1	1.2

Topic1 が ゲームに関する単語分布

Topic2 が ピアノに関する単語分布であることがわかる

LSIを使う

- 未知の文書 a が、既存の文書 $D1, D2, D3, D4$ のどれに近いかわかるように、**cosine**類似度で求める

$$Xa = \widetilde{D}a\widetilde{Z}\widetilde{V}^T$$
$$\widetilde{D}a = Xa \widetilde{V}\widetilde{Z}^{-1}$$

新しい文書 a は 文書-単語行列の最後に1行加えたとする
そのときの D_a (つまりtopic分解ベクトル)を求める

$D1$ から $D4$ についてのトピックは $\widetilde{D}$ で求まっている
各 $\widetilde{D}1, \widetilde{D}2$ などと $\widetilde{D}a$ との**cosine**を求める

練習

- 「ピアノ 演奏 楽しい」という3単語の文書があったとする. 下記の文書-単語行列の最後の行にXaとして書き加えよ
 - この時, 「楽しい」は辞書に無いので無視する

	ピアノ	楽譜	演奏	ゲーム	遊ぶ
D1	3	0	2	0	0
D2	0	2	3	0	0
D3	0	0	0	3	2
D4	0	0	0	2	3
Xa					

練習

- 先の Xa ベクトルに対してtopic分解した新たなベクトル $\widetilde{D}a$ を求めよ

$$\widetilde{D}a = Xa \quad \widetilde{V} \widetilde{Z}$$

Xa

	ピアノ	楽譜	演奏	ゲーム	遊ぶ
Xa					

文書aの単語の頻度を入力

$\widetilde{V}$

	topic1	topic2
ピアノ	0	0.4
楽譜	0	0.3
演奏	0	0.8
ゲーム	0.7	0
遊ぶ	0.6	0

答え $Da = [0, 1.2]$

$\widetilde{Z}$

1.0	0
0	1.0

注意: 数値は
簡単化している

文書aはtopic2に近い内容